

## Wohnungen (1)\*

Aufgabennummer: B\_423

Technologieeinsatz:

möglich ☐

erforderlich ☒

Der Fachverband der Immobilien- und Vermögenstreuhänder erstellt Statistiken zu den Trends auf dem Immobilienmarkt. Es werden die ortsüblichen Kaufpreise und Mieten erhoben. Die Höhe der Kaufpreise bzw. der Mieten hängt in der Regel stark von der Größe, der Ausstattung und der Lage der Wohnungen ab.

- a) Für eine österreichische Landeshauptstadt hat der Fachverband der Immobilien- und Vermögenstreuhänder die Mietpreise in Euro pro m<sup>2</sup> für Wohnungen bis zu 60 m<sup>2</sup> mit gutem Wohnwert erhoben:

| Ende des Jahres ... | Mietpreis in Euro pro m <sup>2</sup> |
|---------------------|--------------------------------------|
| 2003                | 8,10                                 |
| 2004                | 7,90                                 |
| 2005                | 8,20                                 |
| 2006                | 8,50                                 |
| 2007                | 8,80                                 |
| 2008                | 9,30                                 |
| 2009                | 9,60                                 |
| 2010                | 9,70                                 |
| 2011                | 10,30                                |
| 2012                | 10,80                                |

Der Mietpreis in Euro pro m<sup>2</sup> soll in Abhängigkeit von der Zeit  $t$  in Jahren beschrieben werden.

- Ermitteln Sie mithilfe von linearer Regression eine Gleichung der zugehörigen Funktion. Wählen Sie  $t = 0$  für das Ende des Jahres 2003.
- Interpretieren Sie den Wert der Steigung dieser Regressionsfunktion im gegebenen Sachzusammenhang.
- Ermitteln Sie mithilfe dieser Regressionsfunktion eine Prognose für den Mietpreis pro m<sup>2</sup> für das Ende des Jahres 2018.

Ein anderes Modell verwendet zur Beschreibung der Mietpreisentwicklung die Funktion  $B$ .

$$B(t) = 7,77 \cdot 1,035^t$$

$t$  ... Zeit in Jahren ab Ende des Jahres 2003

$B(t)$  ... Mietpreis zur Zeit  $t$  in Euro pro m<sup>2</sup>

- Interpretieren Sie die Bedeutung des Parameters 1,035 im gegebenen Sachzusammenhang.

\* ehemalige Klausuraufgabe

- b) Laut einer Erhebung aus dem Jahr 2001 lebten im Bundesland Tirol in 303 632 Wohnungen 661 026 Personen. Die nachstehende Tabelle gibt die Anzahl dieser Wohnungen aufgelistet nach dem Merkmal „Anzahl der Wohnräume“ an.

| Anzahl der Wohnräume | Anzahl der Wohnungen |
|----------------------|----------------------|
| 1                    | 19 372               |
| 2                    | 28 973               |
| 3                    | 61 002               |
| 4                    | 80 331               |
| 5                    | 56 878               |
| 6                    | 57 076               |
| Summe                | 303 632              |

- Beschreiben Sie in Worten, was durch folgende Ausdrücke im gegebenen Sachzusammenhang berechnet wird:

(1)  $\frac{661\,026}{303\,632} \approx 2,18$

(2)  $\frac{1 \cdot 19\,372 + 2 \cdot 28\,973 + 3 \cdot 61\,002 + 4 \cdot 80\,331 + 5 \cdot 56\,878 + 6 \cdot 57\,076}{303\,632} \approx 3,98$

- c) Der durchschnittliche Preis für Eigentumswohnungen mit gutem Wohnwert wurde in einer Landeshauptstadt jeweils am Ende des Jahres erhoben.

Die nachstehende Tabelle gibt die prozentuelle Steigerung des Preises pro m<sup>2</sup> am Ende des Jahres gegenüber dem Preis pro m<sup>2</sup> am Ende des jeweiligen Vorjahres für die Jahre 2009 bis 2013 an.

| Ende des Jahres ... | Preissteigerung gegenüber dem Preis pro m <sup>2</sup> am Ende des jeweiligen Vorjahres |
|---------------------|-----------------------------------------------------------------------------------------|
| 2009                | 5,5 %                                                                                   |
| 2010                | 1,2 %                                                                                   |
| 2011                | 7,1 %                                                                                   |
| 2012                | 6,7 %                                                                                   |
| 2013                | 5,4 %                                                                                   |

Am Ende des Jahres 2013 kostete eine Eigentumswohnung mit gutem Wohnwert durchschnittlich € 3.362 pro m<sup>2</sup>.

- Berechnen Sie den durchschnittlichen Preis pro m<sup>2</sup> für eine Eigentumswohnung mit gutem Wohnwert am Ende des Jahres 2010.

*Hinweis zur Aufgabe:*

*Lösungen müssen der Problemstellung entsprechen und klar erkennbar sein. Ergebnisse sind mit passenden Maßeinheiten anzugeben.*

## Möglicher Lösungsweg

- a) Lösung mittels Technologieeinsatz:

$$M(t) = 0,32 \cdot t + 7,69 \quad (\text{Koeffizienten gerundet})$$

Die Mietpreise pro m<sup>2</sup> sind im angegebenen Zeitraum um durchschnittlich rund € 0,32 pro Jahr angestiegen.

$$M(15) = 12,454... \approx 12,45$$

Gemäß diesem Modell beträgt der Mietpreis pro m<sup>2</sup> am Ende des Jahres 2018 rund € 12,45.

Der Änderungsfaktor 1,035 gibt an, dass die Mietpreise pro m<sup>2</sup> jährlich um 3,5 % steigen.

- b) Der Ausdruck (1) gibt die durchschnittliche Anzahl der Personen pro Wohnung (rund 2,18) an.

Der Ausdruck (2) gibt die durchschnittliche Anzahl der Wohnräume pro Wohnung (rund 3,98) an.

$$\text{c) } \frac{3362}{1,054 \cdot 1,067 \cdot 1,071} = 2791,2... \approx 2791$$

Der durchschnittliche Preis pro m<sup>2</sup> für eine Eigentumswohnung mit gutem Wohnwert lag am Ende des Jahres 2010 bei rund € 2.791.

## Lösungsschlüssel

- a) 1 × B1: für das richtige Ermitteln einer Gleichung der Regressionsfunktion  
 1 × C1: für die richtige Interpretation des Werts der Steigung im gegebenen Sachzusammenhang  
 1 × B2: für das richtige Ermitteln der Prognose für das Ende des Jahres 2018  
 1 × C2: für die richtige Interpretation des Werts 1,035 im gegebenen Sachzusammenhang
- b) 1 × C1: für die richtige Beschreibung von Ausdruck (1) im gegebenen Sachzusammenhang  
 1 × C2: für die richtige Beschreibung von Ausdruck (2) im gegebenen Sachzusammenhang
- c) 1 × B: für die richtige Berechnung des Preises pro m<sup>2</sup> am Ende des Jahres 2010