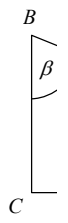
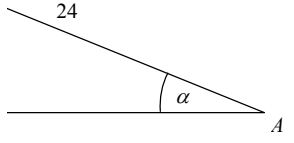


ODPOWIEDZI I SCHEMAT PUNKTOWANIA – ZESTAW NR 2
POZIOM PODSTAWOWY

Nr zadania	Nr czynności		Etapy rozwiązania zadania	Liczba punktów	Uwagi
1	1.1	Poda	dziny funkcji f : $\langle -6, 8 \rangle$.	1	
	1.2	Poda	ystkich miejsc zerowych funkcji f : $x = -2$, $x = 3$, $x = 6$.	1	
	1.3	Poda	ości funkcji f dla argumentu $x = 5$: $f(5) = -1$.	1	
	1.4	Poda	ru wartości funkcji f : $\langle -2, 6 \rangle$.	1	
	1.5	Poda	działu o długości 3, w którym funkcja f jest rosnąca: $\langle 5, 8 \rangle$.	1	
	1.6	Zapi: wart	ioru wszystkich argumentów, dla których funkcja f przyjmuje nne: $x \in (-2, 3) \cup (3, 6)$.	1	
2	2.1	Zapi: funk	pierwsza współrzędna wierzchołka paraboli będącej wykresem równa 2 i należy do przedziału $\langle 0, 5 \rangle$.	1	Przyznajemy punkt, gdy zdający zapisze $x_w = 2$.
	2.2	Oblic	ajmniejszej wartości funkcji f w przedziale $\langle 0, 5 \rangle$: $f(2) = 0$.	1	
	2.3	Oblic	ajwiększej wartości funkcji f w przedziale $\langle 0, 5 \rangle$: $f(5) = 9$.	1	
	2.4	Przel (2 – (albo	nie lewej strony nierówności do postaci iloczynowej $c) \geq 0$ i podanie miejsc zerowych: $x = 1$ lub $x = 2$, żenie pierwiastków trójmianu $y = x^2 - 3x + 2$).	1	
	2.5	Zapi:	ioru rozwiązań nierówności: $(-\infty, 1) \cup \langle 2, \infty)$.	1	
3	3.1	Zapi:	kładu równań wynikających z treści zadania: $\begin{cases} x + y = \sqrt{7} \\ x - y = \sqrt{3} \end{cases}$.	1	
	3.2	Rozv	układu równań: $x = \frac{\sqrt{7} + \sqrt{3}}{2}$ i $y = \frac{\sqrt{7} - \sqrt{3}}{2}$.	2	
	3.3	Oblic	oczynu szukanych liczb: $x \cdot y = 1$.	1	

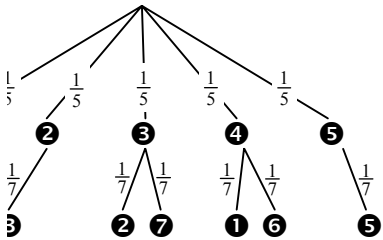
	3.1	II sp Zapi	związania:		
	3.2	Podn $\begin{cases} x^2 \cdot \\ x^2 \cdot \end{cases}$	ładu równań wynikających z treści zadania: $\begin{cases} x + y = \sqrt{7} \\ x - y = \sqrt{3} \end{cases}$	1	
	3.3	Oblic	stron każdego z równań do kwadratu i zapisanie układu: $\begin{cases} x^2 = 7 \\ x^2 = 3 \end{cases}$	2	
4	4.1	Oblic	oczynu szukanych liczb: $x \cdot y = 1$.	1	
	4.2	Zapi	wnania prostej AB : $2x - 3y + 2 = 0$.	1	
	4.3	Oblic	długości punktu C od prostej AB : $\frac{12}{13}\sqrt{13}$.	1	
	4.4	Zapi	runku, przy którym punkt D leży na prostej AB : $2 = 0$ stąd $m = 0$.	1	
5	5.1	Oblic	i zapisanie, że dla $m \neq 0$ punkty A , B i D są wierzchołkami	1	
	5.2	Wyk $2 \cdot 1^3$	nie definicji pierwiastka wielomianu i zapisanie warunku: $3 \cdot 1 + d = 0$.	1	Wystarczy jeśli zdający zapisze $Q(1) = 0$.
	5.3	Oblic wiel	artości współczynnika d , gdy liczba 1 jest pierwiastkiem $d = 4$.	1	
	5.4	Zapi będz	wielomianu Q dla $d = 2$ w postaci sumy iloczynów, z których miał wspólny czynnik: $Q(x) = 2(x^3 + 1) - 3x(x + 1)$.	1	
	5.5	Zapi $Q(x)$	z wzoru skróconego mnożenia na sumę sześciątów i zapisanie Q w postaci: $Q(x) = 2(x + 1)(x^2 - x + 1) - 3x(x + 1)$.	1	
	5.6	Zapi pierv	wielomianu Q w postaci iloczynu dwóch wielomianów: $Q(x) = (x + 1)(2x^2 - 5x + 2)$.	1	
			wielomianu Q w postaci iloczynu trzech wielomianów stopnia $Q(x) = (x + 1)(2x - 1)(x - 2)$ lub $Q(x) = 2(x + 1)\left(x - \frac{1}{2}\right)(x - 2)$.	1	

6	6.1	Wyk nierz	ie wzoru na różnice kwadratów i zapisanie lewej strony w postaci: $\frac{(2^{16} - 32)(2^{16} + 32)}{2^{16} + 32} \cdot x$.	1	
	6.2	Włąc nierz	zed nawias wspólnego czynnika 2^5 i zapisanie prawej strony w postaci: $2^5(2^5 - 2^{16}) = -2^5(2^{16} - 2^5)$.	1	
	6.3	Rozv	nierówności: $x > -32$.	1	
	6.4	Zapi	imniejszej liczby całkowitej spełniającej daną nierówność: (-31) .	1	
7	7.1	I spo Oblic	wiązania: przybliżonej wartości kąta α : $\alpha \approx 41^\circ$.	1	
	7.2	Oblic	przybliżonej wartości kąta: $\beta \approx 53^\circ$.	1	
	7.3	Osza	sumy kątów α i β : $\alpha + \beta > 90^\circ$.	1	Wystarczy obliczenie przybliżonej wartości sumy tych kątów.
	7.4	Stwi	sprzeczności oraz zapisanie wniosku: trójkąt nie jest prostokątny.	1	
	7.1	II spo Oblic	związania: $\sin \beta$ (na podstawie równości $\sin \beta = \cos \alpha$): $\sin \beta = \frac{3}{4}$.	1	
	7.2	Oblic	$\cos \beta$: $\cos \beta = \frac{\sqrt{7}}{4}$.	1	
	7.3	Oblic	$\operatorname{tg} \beta$: $\operatorname{tg} \beta = \frac{3\sqrt{7}}{7}$.	1	
	7.4	Poró i stw trójk	uzyskanego wyniku z wartością funkcji $\operatorname{tg} \beta$ daną w zadaniu e sprzeczności oraz zapisanie wniosku: st prostokątny.	1	

	7.1	III s  Wyk $AC :$	rozwiązania:  z definicji funkcji cosinus i obliczenie długości przyprostokątnej $\cos \alpha$ stąd $AC = 18$.	1	
	7.2	Wyk $BC :$	z definicji funkcji tangens i obliczenie długości przyprostokątnej $\operatorname{tg} \beta$ stąd $BC = \frac{27}{2}$.	1	.
	7.3	Oblicz przekątnej	z twierdzenia Pitagorasa i kwadratu przekątnej: $AC ^2 + BC ^2 = (18)^2 + \left(\frac{27}{2}\right)^2 = 506\frac{1}{4}$, $AB ^2 = 576$.	1	
	7.4	Uzasadnij jest prostokątny	z twierdzenia Pitagorasa i obliczenie długości przyprostokątnej z twierdzenia Pitagorasa i obliczenie długości przyprostokątnej $AC ^2 + BC ^2 \neq AB ^2$ i zapisanie wniosku: trójkąt nie jest prostokątny.	1	
	7.1	IV s Wyk $AC :$	rozwiązania: z definicji funkcji cosinus i obliczenie długości przyprostokątnej $\cos \alpha$ stąd $AC = 18$.	1	
	7.2	Zastosuj $BC :$	z twierdzenia Pitagorasa i obliczenie długości przyprostokątnej $\sqrt{7}$.	1	
	7.3	Wyk	z definicji funkcji tangens i obliczenie tangensa kąta β: $\operatorname{tg} \beta = \frac{3}{\sqrt{7}}$.	1	
	7.4	Uzasadnij	z twierdzenia Pitagorasa i obliczenie długości przyprostokątnej z twierdzenia Pitagorasa i obliczenie długości przyprostokątnej $\operatorname{tg} \beta = \frac{3}{\sqrt{7}}$ i z warunków zadania $\operatorname{tg} \beta = \frac{4}{3}$.	1	

8	8.1	Zapi	wnania: $\frac{1}{4}(3n+1) = 37\frac{3}{4}$.	1	
	8.2	Rozv	równania: $n = 50$.	1	
	8.3	Zauv całk ciągu popr.	że wartości wyrazów $a_1, a_5, a_9, a_{13}, a_{17}, a_{21}, a_{25}, \dots$ są liczbami tworzącymi ciąg arytmetyczny lub obliczenie pierwszego wyrazu i zapisanie, że kolejny składnik szukanej sumy jest większy od poprzedniego o 3.	1	Wystarczy, że zdający zapisze sumę $1 + 4 + 7 + 10 + \dots$ bez jej ostatniego składnika. Obliczenie różnicy ciągu nie jest konieczne.
	8.4	Oblic	ostatniego składnika szukanej sumy: $a_{49} = 37$.	1	
	8.5	Oblic	czby wyrazów ciągu, które są liczbami całkowitymi: 13.	1	
	8.6	Oblic	sumy: $S_{13} = \frac{a_1 + a_{49}}{2} \cdot 13 = \frac{1+37}{2} \cdot 13 = 247$.	1	Jeżeli zdający od razu zapisze $\frac{1+37}{2} \cdot 13$, to otrzymuje punkty w czynnościach 8.3, 8.4 i 8.5.
9	9.1	Wpro r – p h – v l – tv długo • p p $\frac{1}{3}$ • p b	nie oznaczeń, np.: podstawy stożka, stożka, stożka i zapisanie, że $l = 3$ oraz przedstawienie metody obliczenia nienienia podstawy stożka, np. nie długości łuku, równego trzeciej części łuku okręgu o promieniu l i obwodu koła w podstawie stożka o promieniu r : $2\pi r$ lub nie pola trzeciej części pola koła o promieniu l i pola powierzchni stożka $\frac{1}{3}\pi l^2 = \pi r l$.	1	
	9.2	Wyz	promienia podstawy stożka: $r = 1$.	1	
	9.3	Oblic	wysokości stożka: $h = 2\sqrt{2}$.	1	

	9.4	Oblicz	objętości stożka: $V = \frac{1}{3} \cdot \pi \cdot r^2 \cdot h = \frac{1}{3} \cdot \pi \cdot 1^2 \cdot 2\sqrt{2} = \frac{2\sqrt{2}}{3} \pi$.	1	
10	10.1	Wprowadź i wylicz bok	nie oznaczeń, np.: a, b – długości boków równoległoboku nie zależności $\frac{h_1}{h_2} = \frac{3}{5}$ do zapisania proporcji zachodzącej między z b równoległoboku: $\frac{a}{b} = \frac{3}{5}$.	1	
	10.2	Wyznacz	długości jednego z boków równoległoboku, np.: $b = \frac{5}{3} a$.	1	
	10.3	Zapisz, np.:	wzoru równoległoboku w zależności od długości jednego z boków, np.: $a = 144$.	1	
	10.4	Wyznacz	długości boków równoległoboku: $a = 27, b = \frac{5}{3} \cdot 27 = 45$.	1	
	10.1	II stopień Wprowadź i zapisz	związania: nie oznaczeń, np.: a, b – długości boków równoległoboku i a równoległoboku na dwa sposoby: $a \cdot h_1 = b \cdot h_2$.	1	Nie oceniamy, czy zdający analizuje zależność między długościami boków równoległoboku.
	10.2	Oblicz	osunku długości boków równoległoboku: $\frac{b}{a} = \frac{3}{5}$.	1	
	10.3	Zapisz	układu równań z niewiadomymi a i b , np.: $\begin{cases} a + b = 72 \\ \frac{b}{a} = \frac{3}{5} \end{cases}$.	1	
	10.4	Rozwiąż	układu równań i zapisanie długości boków równoległoboku: $a = 27$.	1	

11	11.1	Zapi	w danym doświadczeniu jest 35 zdarzeń elementarnych.	1	
	11.2	Zapi wylo	7 zdarzeń elementarnych sprzyja zdarzeniu A – suma ch liczb jest podzielna przez 5.	1	
	11.3	Oblic	rawdopodobieństwa zdarzenia A : $P(A) = \frac{7}{35} = \frac{1}{5}$.	1	
	11.1	II sp Nary	związania: (metoda drzewa) drzewa: np. 	1	Zdający, analizując drugi etap losowania, może uwzględnić tylko istotnie potrzebne gałęzie.
	11.2	Zapi ilocz $P(A$	rawdopodobieństwa szukanego zdarzenia, jako sumy odpowiednich $\frac{1}{5} \cdot \frac{1}{4} + \frac{1}{5} \cdot \frac{1}{3} + \frac{1}{5} \cdot \frac{1}{3} + \frac{1}{5} \cdot \frac{1}{3} + \frac{1}{5} \cdot \frac{1}{2} + \frac{1}{5} \cdot \frac{1}{2}$.	1	
	11.3	Oblic	rawdopodobieństwa zdarzenia A : $P(A) = \frac{1}{5}$.	1	