

2013/10^a Classe/Guia de Correcção do Exame de Matemática / 2^a Época

Obs: Senhor professor, considere outro método de resolução desde que esteja certo.

Perg.	Resposta				Cotação
	Parc.	Tot.			
1.	a) F b) F c) V d) V				4x0,5 <u>2,0</u>
2.	a) $\frac{\lg \frac{1}{100} + (10^{-2})^0}{\tg \left(\frac{\pi}{4} \right)} = \frac{\lg 100^{-1} + 1}{\tg 45^\circ} = \frac{\lg 10^{-2} + 1}{1} = -2 + 1 = -1$ (0,5)	(0,5)	(0,5)		1,5
	b) $\sqrt[3]{27} + \sqrt[3]{81} - 3\sqrt[3]{3} - 9 = \sqrt[3]{3^3} + \sqrt[3]{3^4} - 3\sqrt[3]{3} - 9 = 3 + 3\sqrt[3]{3} - 3\sqrt[3]{3} - 9 = -6$ (0,2)	(0,3) (0,3) (0,3)	(0,2) (0,2)		1,5 <u>3,0</u>
3.	a) $\frac{1}{x} - \frac{1}{x+2} = \frac{1}{4} \Leftrightarrow 4(x+2) - 4x = x(x+2) \Leftrightarrow 4x + 8 - 4x = x^2 + 2x \Leftrightarrow x^2 + 2x - 8 = 0$	(0,2)	(0,2)	(0,1)	
	$x_{1,2} = \frac{-2 \pm \sqrt{4+32}}{2} \Leftrightarrow x_{1,2} = \frac{-2 \pm \sqrt{36}}{2} = \frac{-2 \pm 6}{2} \Leftrightarrow x_1 = -4 \vee x_2 = 2$	(0,4) (0,2) (0,2)		(0,2)	1,5
	b) $2 \cos x - \sqrt{3} = 0 \Leftrightarrow \cos x = \frac{\sqrt{3}}{2} \Leftrightarrow \cos x = \cos \frac{\pi}{6} \Leftrightarrow x = \frac{\pi}{6}$ rad (0,5)	(0,5)			1,0 <u>2,5</u>
4.	a)				
	b) $60\% - x + x + 46\% - x + 32\% = 100\% \Leftrightarrow 138\% - x = 100\% \Leftrightarrow x = 138\% - 100\% \Leftrightarrow x = 38\%$ (0,2)	(0,4)	(0,2)		1,5
		(02)			
5.	a) $\overline{AC}^2 = \overline{AB}^2 + \overline{BC}^2 \Rightarrow \overline{AC}^2 = (5\sqrt{2})^2 + (5\sqrt{2})^2 = 2 \cdot (5\sqrt{2})^2 = 2 \cdot 25 \cdot 2 = 100$ (0,1)	(0,4)	(0,2)	(0,2)	1,0 <u>2,5</u>
	$\overline{AC} = \sqrt{100} = 10; r = \overline{AO} = \frac{\overline{AC}}{2} = \frac{10}{2} = 5\text{cm}$ (0,2)	(0,1) (0,2)			1,5

2013 / 10ª Classe / Guia de Correcção do Exame de Matemática / 2ª Época

b) $A_{\square} = \pi r^2 = 3,14 \cdot 5^2 = 3,14 \cdot 25 = 78,5 \text{ cm}^2$; $A_{\square} = l^2 = (5\sqrt{2})^2 = 25 \cdot 2 = 50 \text{ cm}^2$ (0,1)

(0,3) (0,1) (0,1) (0,1) (0,2) (0,1) (0,1)

$A_s = A_{\square} - A_{\square} = 78,5 - 50 = 28,5 \text{ cm}^2$ (0,1) 1,5 **3,0**

(0,2) (0,1)

a) A marca mais vendida foi a A. 0,5

6. b) O total das vendas da marca B foi de 300 refrigerantes. 0,5

c) A → 400 refrigerantes; B → 300 refrigerantes; C → 200 refrigerantes; (0,3)

$A + B + C = 400 + 300 + 200 = 900$ refrigerantes (0,2)

Valor: $900 \times 10\text{Mt} = 9000\text{Mt}$ (0,4)

Resp: Com a venda das três marcas ganhou-se 9.000,00Mt. (0,1) 1,0 **2,0**

7. a) $CD : y \in]-\infty; 4]$ b) $x_1 = -1$ e $x_2 = 3$ c) $c = 3$ d) $x = 1$ (0,5)

(0,5) (0,5) (0,5) 2,0

e)

x	$] -\infty; 1[$	1	$] 1; +\infty[$
$g(x)$	→	4	→

(1,0)

1,0

x	$] -\infty; -1[$	-1	$] -1; 3[$	3	$] 3; +\infty[$
$g(x)$	—	0	+	0	—

(1,0)

1,0

f) i) $x = 0 \vee x = 3$ 0,5

ii) $x \in]0; 3[$ 0,5 **5,0**